# 滑りを考慮したデッドレコニングによる クローラ型移動ロボットの推定位置精度の向上

遠藤大輔 永谷圭司(東北大) 吉田和哉(東北大)

# Improvement of Dead-Reckoning Accuracy of Crawler-Type Mobile Robot by Considering its Slippage

# Daisuke ENDO, \*Keiji NAGATANI (Tohoku Univ.), Kazuya YOSHIDA (Tohoku Univ.)

**Abstract**— An advantage of crawler mechanism is a stable navigation on uneven terrain. So many of rescue robots adopt such a mechanism. However, the mechanism has a problem of slippage with the ground in case of circling motion of the robot. To achieve dead-reckoning of a crawler robot, it is necessary to consider its slippage. In this research, we proposed a method to improve an accuracy of localization of crawler robot by estimating slip-ratios. The proposed method was confirmed by an experiment using a crawler robot.

Key Words: Crawler-Type Mobil Robot, Dead-Reckoning, Slippage

## 1. 序論

無限軌道式とも呼ばれるクローラ式移動機構は,地 表の凹凸に対して広い接地面で接触するため,不整地 への適応性が高いという特性がある.このため,レス キューロボット等の不整地移動が必要なロボットの移 動機構に,広く採用されている.しかしこの移動機構 は,スキッドステアリングを採用しているため,旋回時 に地面と覆帯との間に必ず滑りが生じ,単純な対向二 輪型移動体の運動学に基づいたデッドレコニングを実 現することができない.これを実現するためには,各 クローラの滑りを定量的に推定する必要性がある<sup>1)</sup>.

そこで本研究では、クローラ型移動ロボット本体に搭載したセンサで検出した角速度情報から左右のクローラの滑り量を推定し、クローラ型ロボットのデッドレコニングによる推定位置精度を向上させる手法を考案した.また、実クローラロボットを用いた実験を行い、実際の移動軌跡と提案する手法に基づき推定した移動 軌跡との比較を行うことで、本手法の妥当性を検証した.本稿では、この推定位置精度向上手法について紹介し、本手法に基づいておこなった検証実験とその結果について述べる.

# 2. クローラ型移動ロボットの運動学

# 2.1 対向二輪型移動ロボットの移動特性

対向二輪型移動ロボットの二次元平面内での自己位 置推定を行う一般的手法にオドメトリがある.この運 動学モデルを Fig.1 に示す.左右の車輪の円周速度を それぞれ  $v_l$ ,  $v_r$ , 車輪間隔を 2d,車体中心の速度,角 速度をそれぞれ  $V_c$ ,  $\omega_c$ とすると,車体中心座標 (x,y)および方位角  $\theta$  には,次の  $(1) \sim (3)$ の関係式が成立す る  $2^{2}$ .

$$\dot{x} = V_c \cos \theta = \frac{v_r + v_l}{2} \cos \theta \tag{1}$$

$$\dot{y} = V_c \sin \theta = \frac{v_r + v_l}{2} \sin \theta \tag{2}$$

$$\dot{\theta} = \omega_c = \frac{v_r - v_l}{2d} \tag{3}$$

これら x , y , θ を時間積分することで,初期位置に 対する現在の位置と姿勢を計測するという手法がオド



Fig.1 Kinematic model for dual-wheel-type mobile robot

メトリである.これは,車輪と地面の間に滑りが発生 しないという条件のもとで,正確に位置計測を行うこ とができる手法である.しかし,移動機構としてクロー ラを用いた場合には,ロボットが旋回動作を行う際に クローラと地面との間に必ず生じる滑りのため,この モデルをそのまま適用した場合,推定位置には大きな 誤差が生じる.

### 2.2 滑りを考慮したデッドレコニングの定式化

前節の問題を解決するため,本研究では,本体の横 方向の滑りと左右の覆帯の縦方向の滑りをそれぞれ独 立に考慮した運動学モデルを提案する.左右のクロー ラの滑り率をそれぞれ $a_l$ , $a_r$ とし,滑り角を $\alpha$ とする. この滑り角 $\alpha$ は,本体の方位と,実際に進む向きとが なす角度であり,横滑りが発生した場合に $\alpha \neq 0$ となる. 定常旋回を行っているとき, $v_l$ , $v_r$ をそれぞれ左 右の覆帯の外周速度とすると,その運動学は次の(4)~ (6)式で表される.

$$\dot{x} = \frac{v_r (1 - a_r) + v_l (1 - a_l)}{2 \cos \alpha} \cos(\theta - \alpha)$$
(4)

$$\dot{y} = \frac{v_r(1-a_r) + v_l(1-a_l)}{2\cos\alpha}\sin(\theta - \alpha) \tag{5}$$

$$\dot{\theta} = \frac{v_r(1 - a_r) - v_l(1 - a_l)}{2d} \tag{6}$$

この運動学モデルを Fig.2 に示す.



Fig.2 Kinematic model for crawler-type mobile robot

## 2.3 滑り量の推定

(4)~(6) 式に基づき,クローラのデッドレコニングを 正確に行うためには,滑りに関するパラメータ $a_r$ , $a_l$ ,  $\alpha$  を逐次検出する必要がある.まず本研究では,クロー ラは車輪と比べて走行速度が十分に低く,なおかつ地 面から働く横方向への摩擦力も十分に大きいと仮定し, 遠心力によって横方向への滑りが発生しない( $\alpha = 0$ ) とした.このとき,本体の速度と角速度はそれぞれ次 の(7),(8) 式のように表される.

$$V_c = \frac{v_r(1-a_r) + v_l(1-a_l)}{2} \tag{7}$$

$$\omega_c = \frac{v_r (1 - a_r) - v_l (1 - a_l)}{2d} \tag{8}$$

また,本体の角速度は,ジャイロセンサを用いて直接計測可能であると仮定し,それによって検出した値を $\tilde{\omega}_c$ とする.またロボットが定常旋回している時,滑り率 $a_r$ , $a_l$ の関係は,地面とクローラ間の力とモーメントの釣合いから求めることができるが,摩擦係数や力を直接計測することは容易ではない.これについては 3.3 節で詳しく考察する.本研究では,最初の段階として,次のような単純な仮定をおくこととした.

$$a_r = -\operatorname{sgn}(v_r \cdot v_l)a_l \tag{9}$$

ここで,  $sgn(\cdot)$  は符号関数を表す.この仮定に基づき, (8) 式を $a_r$ ,  $a_l$ について解くと,次の(10),(11)式のようになる.

$$a_r = \frac{v_r - v_l - 2d\tilde{\omega_c}}{v_r + \operatorname{sgn}(v_r \cdot v_l)v_l} \tag{10}$$

$$a_l = \frac{v_l - v_r + 2d\tilde{\omega_c}}{v_r + \operatorname{sgn}(v_r \cdot v_l)v_l} \tag{11}$$

このようにして左右のクローラの滑り率が求まり,これらを(4)~(6)式に代入することで,滑りを考慮したデッドレコニングを行うことが可能となる.

# 3. 実験による検証

## 3·1 実験装置

前節に示した手法によるデッドレコニングの妥当性を 確認するため,Fig.3に示すクローラ型移動ロボット(テ クノクラフト社製レスキュークローラ CV-04)とモー ションキャプチャ(サイヴァース社製ステレオラベリン



Fig.3 Crawler-type mobile robot used in the experiment



Fig.4 Experimental setup

 Table 1 Specification of devices

A			
Crawler Robot		Motion Capture	
Tread	500[mm]	Fixed height	280[cm]
Length of contact		Horizontal	
area of crawler	400[mm]	accuracy	9[mm]
Total weight	25[kg]	Frame rate	30[fps]
Distance between			
markers	480[mm]	Base line	400[mm]
Control cycle	5[msec]	Focal length	3.8[mm]

グカメラ SLC-C02) を用いて検証実験を行った.Fig.4 に実験装置の概要を,Table 1 に主な実験装置の仕様を それぞれ示す.ロボット本体には,クローラの回転数 を計測するためのエンコーダとコントローラが搭載さ れており,左右のクローラを一定速度に制御すること が可能である.また本体の中心線上の定点には,反射 式マーカを前後に計2個取り付けた.この2つのマー カの位置は,高さ280[cm]の位置に設置したステレオ ラベリングカメラを用いて30[frame/sec]の頻度で計測 することができるため,ロボットの位置,姿勢を逐次 計測することが可能となる.

#### 3.2 実験方法と各モデルに基づく計測結果の比較

前述の実験装置を用い,左右のクローラの回転速度 を一定に制御して,水平面内での旋回動作を行わせた. また,その時の本体上マーカの移動軌跡はステレオラ ベリングカメラを用いて計測し,このデータを基に実 際の本体中心の位置  $(x, y, \theta)$  と角速度を算出した. 方で,クローラの回転情報を利用し,対向二輪型移動 体の運動学  $(1) \sim (3)$ 式,ならびにクローラ型移動体の 運動学  $(4) \sim (6)$ 式で $\alpha = 0$ として推定した移動軌跡を それぞれ算出した.以上の実験を,クローラの左右輪 の速度を変えて数回おこない,実際のロボットの移動 軌跡と各運動学モデルに基づく推定移動軌跡とを比較 した.



Fig.5 Trajectory of the robot( $v_r = 400[\text{count/cycle}]$ ,  $v_l = 200[\text{count/cycle}]$ )



Fig.6 Trajectory of the robot( $v_r = 400[\text{count/cycle}]$ ,  $v_l = 50[\text{count/cycle}]$ )

ロボットの初期位置を $(x_0, y_0, \theta_0) = (0, 0, 0)$ として実 際に移動した軌跡,および各モデルに基づく計測結果を Fig.5~Fig.8 に示す. Fig.5 は  $v_r = 400$ [count/cycle],  $v_l = 200 [\text{count/cycle}] (1 [\text{count/cycle}] は1制御周期あ$ たりにエンコーダカウントが1変化する速度であり,対 地速度では1[count/cycle]=0.013[cm/sec])として走行 させた時の結果である,実際の移動軌跡を点線,対向二 輪型移動体の運動学モデルに基づいた推定移動軌跡を −点鎖線 , 提案する手法によって求めた推定移動軌跡を 実線でそれぞれ描いている.また,ロボットの方位は五 角形の向きで表している.以下, Fig.6~Fig.8 について も同様である.なお, Fig.8 は  $v_r = 400$ [count/cycle],  $v_l = -400 [\text{count/cycle}]$  としたため、その場での旋回 を行うはずである、動作の結果、デッドレコニングで 計測した推定位置は,理想的なものであり,初期位置 から動かない.しかしながら実際には,地面の摩擦の 不均一性やクローラ輪の制御誤差などによって x 方向 に- 2.1[cm], y方向に-0.8[cm] ほど動いた.



Fig.7 Trajectory of the robot( $v_r = 400[\text{count/cycle}]$ ,  $v_l = -50[\text{count/cycle}]$ )



Fig.8 Trajectory of the robot( $v_r = 400[\text{count/cycle}]$ ,  $v_l = -400[\text{count/cycle}]$ )

### 3·3 結果の考察

いずれの結果からもわかるとおり,対向二輪型の運動学から求めた軌跡は実際の移動軌跡から大きくかけ はなれたが,提案した縦滑りを考慮したクローラの運動学から求めた軌跡は,実際の軌跡と比較的近いこと がわかる.しかしながら,位置(x,y)に関しては,必 ず一定値以上の誤差を伴っており,v<sub>r</sub>,v<sub>l</sub>の絶対値の 差が大きくなるほど誤差も大きくなることが定性的に 言える.この原因として,大きく以下の2つの理由が 考えられる.

1. 横滑りによる誤差 ( $\alpha = 0$  としたことによる誤差)

2. 滑り率 a<sub>r</sub>, a<sub>l</sub>の関係を単純化したことによる誤差

1. は, ロボットに大きな遠心力が働き, これが地面 から受ける摩擦力を越えた場合において発生するもの である.またクローラと地面との間に働く摩擦力が厳 密に均一ではないことによっても発生すると考えられ る.しかし,実験中の観察からは, 横滑りはほとんど 確認できず, さらに実用上重要性の高い方位角の誤差 に影響を与えないため, ここでは無視できるとする.



**Fig.**9 Affected force to a Crawler robot while it steers in the steady state

2. を議論するため,ここでは,横滑りなく定常旋回 を行っているクローラに働く地面からの力とその釣合 いに着目する.そのモデル図を Fig.9 に示す.なお,図 中の記号  $f_r$ ,  $f_l$  はそれぞれ,地面から左右のクローラ に作用する進行方向の力の総和, $\rho$  は旋回半径,L は クローラの接地面の進行方向長さ, $\mu$  は横方向のクー ロン摩擦係数,m は車体質量,g は重力加速度である.

まず,クローラの前後方向の力の釣合いから,(12) 式を得る.

$$f_r + f_l = 0 \tag{12}$$

また, 横方向の力の釣合いから, (13) 式を得る.

$$\mu mg - m\rho\omega_c^2 = \mu mg - \rho V_c \omega_c = 0 \qquad (13)$$

(7) 式および(8) 式を用いて(14) 式を得る.

$$\mu g - \frac{v_r^2 (1 - a_r)^2 - v_l^2 (1 - a_l)^2}{4d} = 0 \qquad (14)$$

また,地面からクローラに対して作用する横方向の 摩擦力は均一に分布していると仮定すると,ロボット 中心回りのモーメントの釣合いは(15)式で表される.

$$df_r - df_l - \frac{\mu m g L}{4} = 0 \tag{15}$$

(12), (14), (15) 式を  $f_r$ ,  $f_l$  について解くと, 次の (16), (17) 式が導かれる.

$$f_r = \frac{v_r^2 (1 - a_r)^2 - v_l^2 (1 - a_l)^2}{32d^2} mL$$
 (16)

$$f_l = \frac{v_l^2 (1 - a_l)^2 - v_r^2 (1 - a_r)^2}{32d^2} mL \qquad (17)$$

これらを (8) 式を用いて,  $a_r$ ,  $a_l$  について解くと, (18), (19) 式が導かれる.

$$a_r = 1 - \frac{8df_r}{mL\tilde{\omega}_c v_r} - \frac{d\tilde{\omega}_c}{v_r} \tag{18}$$

$$a_l = 1 + \frac{8df_l}{mL\tilde{\omega}_c v_l} + \frac{d\tilde{\omega}_c}{v_l} \tag{19}$$

すなわち,本体の角速度に加えて,片一方のクローラ に作用する進行方向の力の総和を何らかの方法で計測



Fig.10 Trajectries calculated by varying value of K

することができれば a<sub>r</sub>, a<sub>l</sub> をそれぞれ独立に求めるこ とが可能となり,より精度よくデッドレコニングを行 うことができると言える.この力の推定には,クロー ラ駆動用のモータに流れる電流値の測定による発生ト ルクの推定といった方法が考えられる.

定常旋回中は $f_r(=-f_l)$ が一定であると仮定し,

$$\frac{8df_r}{mL} = -\frac{8df_l}{mL} = K \tag{20}$$

とおいて, $v_r = 400$ [count/cycle], $v_l = 50$ [count/cycle] の場合に K を適当な値に設定して計算し直した移動軌 跡を Fig.10 に示す.

このように, およそ  $K = 1.3 \times 10^{-3}$ の時に実際の軌跡にほぼ一致し, 2.3 節で述べた仮定に基づいて計測した結果と比較して精度が向上することから, 滑り率が(18), (19)式で表すことができることの妥当性が確認できる.ゆえに, 外力  $f_r(=-f_l)$ を正確に計測することができれば, クローラ型移動体のデッドレコニングによる推定位置精度はさらに向上することが期待できる.

### 4. 結論

本稿では,二次元平面内を定常旋回するクローラ型 移動ロボットの左右のクローラ輪の滑りを定量的に推 定することで,クローラロボットのデッドレコニングを 用いた自己位置推定を行う手法を提案した.特に,ク ローラは縦方向の滑りが大きく,支配的であると考え, 本体が得る角速度情報から滑り率を推定し,デッドレ コニングを計算することで,推定位置精度が向上する ことを実験で確認した.また,計測結果の誤差につい て考察し,車体の角速度情報に加えて,クローラに作用 する進行方向の力の総和をセンシングすることで,推 定位置精度の更なる向上が期待できることを示した.

#### 参考文献

- 吉田,永谷,遠藤他:遠隔ロボットを用いた災害時マル チメディア情報収集技術の研究-親子型複数ローバーを 用いた被災環境探索システムの構築-,日本機械学会ロ ボティクス・メカトロニクス講演会,2P2-D07 (2006)
- 2) 中野,小森,米田,高橋:"高知能移動ロボティクス, 講談社,2004
- 3) 田中孝,笈田昭:"車両・機械と土系の力学-テラメカニックス、"学文社,1993